

成都工业学院

2021—2022 学年第 1 学期考试试卷

考试科目: 概率论与数理统计、概率论与数理统计 (I) (A 卷) 考试时间: 120 分钟 考试方式: 闭卷

适用班级: 20 级自动化 1-3 班等部分本科班级

|    |   |   |   |   |   |    |      |       |
|----|---|---|---|---|---|----|------|-------|
| 题号 | 一 | 二 | 三 | 四 | 五 | 总分 | 总分教师 | 试卷复核人 |
| 得分 |   |   |   |   |   |    |      |       |

注意事项:

- 1、满分 100 分。要求卷面整洁、字迹工整、无错别字。
- 2、考试必须将姓名、班级、学号完整、准确、清楚地填写在试卷规定地方, 否则视为废卷。
- 3、考试必须在签到单上签到, 若出现遗漏, 后果自负。
- 4、如有答题纸, 答案请全部填写在答题纸上, 否则不给分; 考完请将答题纸和试卷一同交回, 否则不给分。

试 题

|    |      |
|----|------|
| 得分 | 评阅教师 |
|    |      |

一、判断题 (每小题 2 分, 共 10 分) 判断下列命题是否正确, 正确的在答题纸上填涂“T”, 错误的在答题纸上填涂 “F”。

1. 已知  $X = \frac{i}{10}$ , 其中  $i = 1, 2, 3, 4, 5$  可以作为某一个随机变量的分布律. ( )
2. 设  $X$  是一个随机变量, 则  $D(2X) = 2D(X)$ . ( )
3. 设  $X, Y$  是两个随机变量, 若  $F(x, y)$  为随机变量  $(X, Y)$  的分布函数, 则  $F(x, -\infty) = 0$ . ( )
4. 若离散型随机变量  $X$  满足  $P\{X = a\} = 0$ , 则事件  $\{X = a\}$  不一定是不可能事件. ( )
5. 若  $X_1, X_2, \dots, X_n$  是来自正态总体  $N(\mu, \sigma^2)$  的一个样本,  $\bar{X}$  是样本均值, 则  $\bar{X} \sim N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$ . ( )

|    |      |
|----|------|
| 得分 | 评阅教师 |
|    |      |

二、选择题 (每题 2 分, 共 10 分)

6. 设随机变量  $X$  的分布函数为  $F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 0.6, & 0 \leq x < 2 \\ 1, & x \geq 2 \end{cases}$ , 则  $P\{X=2\} = ( \quad )$ .

- A. 0      B. 1      C. 0.6      D. 0.4

7. 设随机变量  $X$  的概率密度函数为  $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{8}}$ , 则  $D(2X) = ( \quad )$ .

- A. 2      B. 4      C. 8      D. 16

8. 设随机变量  $E(\xi) = \mu$ , 方差  $D(\xi) = \sigma^2$ , 则由切比雪夫不等式有  $P\{|\xi - \mu| \geq 3\sigma\} \leq ( \quad )$ .

- A.  $\frac{1}{9}$       B.  $\frac{1}{3}$       C.  $-\frac{1}{9}$       D.  $-\frac{1}{3}$

9. 设两随机变量  $X$  与  $Y$  相互独立同分布, 且  $P\{X = -1\} = P\{Y = 1\} = \frac{1}{2}$ , 则有(      ).

- A.  $P\{X = Y\} = \frac{1}{2}$       B.  $P\{X = Y\} = 1$   
 C.  $P\{X + Y = 0\} = \frac{1}{4}$       D.  $P\{XY = 1\} = \frac{1}{4}$

10. 设  $\eta_n \sim B(n, p)$ ,  $p \in (0, 1)$ , 当  $n$  充分大时, 下列选项不正确的是(      ).

- A.  $\frac{\eta_n}{n}$  依概率收敛于  $p$       B.  $\eta_n \sim N(np, np(1-p))$   
 C.  $\frac{\eta_n}{n} \sim N(p, \frac{p(1-p)}{n})$       D.  $\frac{\eta_n - np}{\sqrt{p(1-p)}} \sim N(0, 1)$

|    |      |
|----|------|
| 得分 | 评阅教师 |
|    |      |

### 三、填空题 (每空 2 分, 共 10 分)

1. 设  $A, B, C$  为三个随机事件, 则  $A$  发生,  $B, C$  至少一个发生可以表示为\_\_\_\_\_.

2. 设随机变量  $X$  的分布函数为  $F(x)$ , 则  $P\{X \leq 1\}$  用分布函数可表示为\_\_\_\_\_.

3. 设随机变量  $X$  的密度函数为  $f(x, y) = \begin{cases} Ax, & -1 < x < 0, 0 < y < x+1 \\ 0, & \text{其他,} \end{cases}$  则常数  $A =$ \_\_\_\_\_.

4. 随机变量  $X$  与  $Y$  的相关系数为 0.5,  $Z = X - 0.4$ , 则  $Y$  与  $Z$  的相关系数为\_\_\_\_\_.

5. 设随机变量  $X$  的概率密度函数为  $f(x) = \begin{cases} x + \frac{1}{2}, & 0 \leq x \leq 1 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$ , 则  $E(X) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

| 得分 | 评阅教师 |
|----|------|
|    |      |

#### 四、计算题 (共 5 小题, 共 58 分)

1. (8 分) 已知  $P(A) = 0.5$ ,  $P(B) = 0.3$ ,  $P(A \cup B) = 0.6$ , 求  $P(\overline{AB})$ ,  $P(\overline{A}B)$ .

2. (10 分) 设随机变量  $X$  的概率密度为

$$f(x) = \begin{cases} x + \frac{1}{2}, & 0 \leq x < 1 \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$$

求: (1)  $P\{-1 < X \leq 0.2\}$ ; (2)  $X$  的分布函数  $F(x)$ .

3. (14 分) 设随机变量  $X, Y$  相互独立, 且分布律分别为

$$\begin{array}{c|cc} X & -3 & -1 \\ \hline P & \frac{3}{4} & \frac{1}{4} \end{array}, \quad \begin{array}{c|ccc} Y & 1 & 2 & 3 \\ \hline P & \frac{2}{5} & \frac{1}{5} & \frac{2}{5} \end{array}$$

求: (1)  $(X, Y)$  的分布律; (2)  $E(X)$ ,  $E(Y)$ ,  $E(XY)$  及  $Cov(X, Y)$ .

4. (12 分) 设随机变量  $(X, Y)$  服从区域  $D$  上的二维均匀分布, 其中  $D = \{(x, y) | 0 < x < \frac{1}{2}, 2x < y < 1\}$ , 求关于  $X$  的边缘概率密度.

5. (14分) 设总体  $X$  服从参数为  $\lambda$  的泊松分布 ( $P\{X = k\} = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}$ ),  $\lambda > 0$  未知,  $X_1, X_2, \dots, X_n$  为总体  $X$  的一组样本. 求参数  $\lambda$  的最大似然估计量.

### 五、应用题(共 1 小题, 共 12 分)

(12分) 某车间有同型号的机床 200 台, 在某段时间内每台机床开动的概率为 0.7, 假定各机床开关是相互独立的, 开动时每台机床要消耗 15 单位电能, 问电站最少要供应这个车间多少单位电能, 才能以 95% 的概率不致因供电不足而影响生产? ( $\Phi(1.65) = 0.95$ ,  $\sqrt{42} = 6.48$ )

线  
封  
密